



2025年度入学試験問題

# 数学

(数学I・数学II・数学III・数学A・数学B・数学C)

## 注意

- 1 問題冊子は1冊(2ページ), 解答用紙は4枚, 下書き用紙は3枚です。
- 2 試験中に問題冊子の印刷不鮮明, ページの落丁・乱丁及び解答用紙の汚れ等により解答できない場合は, 手を高く挙げて監督者に知らせなさい。
- 3 すべての解答用紙の受験番号記入欄2箇所に受験番号を正しく記入しなさい。
- 4 解答は指定された解答用紙の解答欄に書きなさい。裏面は採点の対象なりません。また, 答えだけではなく途中の手順や考え方も記述しなさい。
- 5 試験終了後, 問題冊子と下書き用紙は必ず持ち帰りなさい。

3

**3**  $xy$  平面上に点  $O(0, 0)$ ,  $A(4, 0)$  と, 円  $C : x^2 + y^2 = 4$  上を動く点  $P(a, b)$  があるとする。各点  $P$  に対して, 線分  $AP$  の垂直二等分線を  $\ell_P$  とする。以下の問いに答えよ。

1

以下の問いに答えよ。

(1) 方程式

$$3x + 11y = 1$$

の整数解の 1 つを求めよ。

(2) 方程式

$$3x + 11y = 1000$$

の整数解をすべて求めよ。

(3) 自然数  $x, y$  が (2) の方程式を満たすとする。 $|x - y|$  の最大値と, そのときの  $x, y$  の値を求めよ。

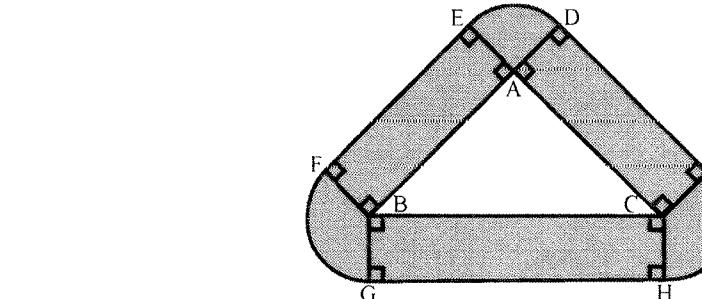
(1) 直線  $\ell_P$  の方程式を求めよ。

(2) 直線  $OP$  と  $\ell_P$  が平行であるとき,  $P$  の座標を求めよ。

(3) 直線  $OP$  と  $\ell_P$  が交点をもつとき, 交点  $Q$  の軌跡の方程式を求め, さらにその軌跡を図示せよ。

4

下図のように, 三角形  $ABC$  の外側で頂点または辺上の点からの距離が 1 以内にある, 長方形および扇形からなる領域を  $Z$  とする。さらに,  $AB = AC = 3$  とし,  $\angle ABC = \theta$  とおく。また,  $Z$  の面積を  $S_1$  とする。以下の問いに答えよ。



(1)  $S_1$  を求めよ。

(2) 三角形  $ABC$  の内接円の半径  $r(\theta)$  を求めよ。

(3)  $0 < \theta \leq \frac{\pi}{4}$  のとき, (2) の  $r(\theta)$  の最大値を求めよ。

(4) (2) の内接円の面積を  $S_2$  とする。 $0 < \theta \leq \frac{\pi}{4}$  のとき,  $S_1 > S_2$  を示せ。